

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Горно-Алтайский государственный университет»  
(ФГБОУ ВО ГАГУ, ГАГУ, Горно-Алтайский государственный университет)

**Теория функций комплексной переменной**  
**рабочая программа дисциплины (модуля)**

Закреплена за кафедрой	<b>кафедра математики, физики и информатики</b>		
Учебный план	44.03.05_2025_675.plx 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) Математика и Физика		
Квалификация	<b>бакалавр</b>		
Форма обучения	<b>очная</b>		
Общая трудоемкость	<b>2 ЗЕТ</b>		
Часов по учебному плану	72	Виды контроля в семестрах:	
в том числе:		зачеты 5	
аудиторные занятия	36		
самостоятельная работа	26,1		
часов на контроль	8,85		

**Распределение часов дисциплины по семестрам**

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)	5 (3.1)		Итого	
	15			
Неделя				
Вид занятий	УП	РП	УП	РП
Лекции	18	18	18	18
Практические	18	18	18	18
Консультации (для студента)	0,9	0,9	0,9	0,9
Контроль самостоятельной работы при проведении аттестации	0,15	0,15	0,15	0,15
Итого ауд.	36	36	36	36
Контактная работа	37,05	37,05	37,05	37,05
Сам. работа	26,1	26,1	26,1	26,1
Часы на контроль	8,85	8,85	8,85	8,85
Итого	72	72	72	72

Программу составил(и):

*к.ф.-м.н., доцент, Тулина Марина Ивановна; к.ф.-м.н., доцент, Пушкарева Татьяна Алексеевна; к.ф.-м.н., доцент, Туртуева Татьяна Александровна*

Рабочая программа дисциплины

**Теория функций комплексной переменной**

разработана в соответствии с ФГОС:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) (приказ Минобрнауки России от 22.02.2018 г. № 125)

составлена на основании учебного плана:

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)  
утвержденного учёным советом вуза от 30.01.2025 протокол № 2.

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры

**кафедра математики, физики и информатики**

Протокол от 10.04.2025 протокол № 10

Зав. кафедрой И.о. зав.кафедрой Богданова Рада Александровна

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры **кафедра математики, физики и информатики**

Протокол от \_\_\_\_\_ 2026 г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой И.о. зав.кафедрой Богданова Рада Александровна

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2027-2028 учебном году на заседании кафедры **кафедра математики, физики и информатики**

Протокол от \_\_\_\_\_ 2027 г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой И.о. зав.кафедрой Богданова Рада Александровна

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2028-2029 учебном году на заседании кафедры **кафедра математики, физики и информатики**

Протокол от \_\_\_\_\_ 2028 г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой И.о. зав.кафедрой Богданова Рада Александровна

---

---

**Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году**

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2029-2030 учебном году на заседании кафедры **кафедра математики, физики и информатики**

Протокол от \_\_\_\_\_ 2029 г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой И.о. зав.кафедрой Богданова Рада Александровна

**1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

1.1	<i>Цели:</i> теоретическая и практическая подготовка студентов по основам теории функций комплексного переменного; ознакомление с основными понятиями и методами ТФКП; формирование у студентов составляющей математической культуры.
1.2	<i>Задачи:</i> - подготовка студентов для научной и практической деятельности в области комплексного анализа; - создание теоретической базы для применения студентами теории функций комплексного переменного для решения прикладных задач; - совершенствование навыков математического и логического мышления.

**2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП**

Цикл (раздел) ООП:		Б1.О.07
<b>2.1</b>	<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
2.1.1	Математический анализ	
2.1.2	Аналитическая геометрия	
2.1.3	Алгебра	
<b>2.2</b>	<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
2.2.1	Теоретическая механика	
2.2.2	Методы решения физических задач	

**3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

<b>ОПК-8: Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний</b>	
<b>ИД-2.ОПК-8: Проектирует и осуществляет учебно-воспитательный процесс с опорой на знания предметной области, психолого-педагогические знания и научно-обоснованные закономерности организации образовательного процесса.</b>	
Знает основные модели теории функций комплексного переменного, а также область их практического применения	
<b>ПК-1: Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач.</b>	
<b>ИД-1.ПК-1: Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета).</b>	
Знает базовые понятия и теоремы теории функций комплексного переменного, а также основные методы решения и исследования задач	
Умеет определить возможности применения теоретических положений и методов теории функций комплексного переменного для постановки и решения конкретных прикладных задач	

**4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Компетенции	Литература	Инте ракт.	Примечание
	Раздел 1. Комплексные числа. Ряды комплексных чисел						

1.1	<p>1. Определение комплексных чисел и основные операции над ними. Геометрическое изображение комплексных чисел. Тригонометрическая форма комплексного числа. Показательная форма комплексного числа.</p> <p>2. Стереографическая проекция. Сфера Римана. Расширенная комплексная плоскость. Биполярные координаты на расширенной комплексной плоскости.</p> <p>3. Предел последовательности. Критерий Коши существования предела. Функции комплексного переменного.</p> <p>4. Числовые и функциональные ряды. Равномерная сходимость.</p> <p>5. Степенные ряды. Первая теорема Абеля. Радиус сходимости и его нахождение. Теорема Коши-Адамара. /Лек/</p>	5	10		Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	
1.2	<p>1. Комплексные числа и действия над ними.</p> <p>2. Области и кривые в комплексной плоскости.</p> <p>3. Функция комплексного переменного.</p> <p>4. Предел последовательности, числовые последовательности.</p> <p>5. Степенные ряды. Первая теорема Абеля. Радиус сходимости и его нахождение. /Пр/</p>	5	8		Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	
1.3	<p>Определение комплексных чисел и основные операции над ними. Геометрическое изображение комплексных чисел. Тригонометрическая форма комплексного числа. Показательная форма комплексного числа. Стереографическая проекция. Сфера Римана. Расширенная комплексная плоскость. Биполярные координаты на расширенной комплексной плоскости. Предел последовательности. Критерий Коши существования предела. Функции комплексного переменного. Кривая Жордана. Числовые и функциональные ряды. Равномерная сходимость. Степенные ряды. Первая теорема Абеля. Радиус сходимости и его нахождение. Теорема Коши-Адамара. /Ср/</p>	5	13		Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	
	<b>Раздел 2. Аналитические функции. Дробно-линейные отображения</b>						

2.1	<p>1. Дифференцирование функций комплексного переменного. Условия Коши-Римана. Оператор Коши-Римана. Определение аналитической функции. Аналитичность суммы степенного ряда. Геометрический смысл модуля и аргумента производной аналитической функции.</p> <p>2. Тригонометрические и обратные тригонометрические функции. Гиперболические функции.</p> <p>3. Конформные отображения. Конформность отображения, осуществляемого однолистной аналитической функцией. Области однолиственности и обращения степенной и экспоненциальной функций. Точки ветвления. Римановы поверхности корня натуральной степени и логарифма.</p> <p>4. Основные свойства дробно-линейных отображений. Круговое свойство. Инвариантность ангармонического отношения четырех точек. Неподвижные точки. Изометрические окружности. Симметрия относительно прямой и окружности. Дробно-линейные отображения верхней полуплоскости и круга на круг. /Лек/</p>	5	8		Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	
2.2	<p>1. Производная функций комплексного аргумента.</p> <p>2. Восстановление аналитической функции по ее действительной или мнимой части.</p> <p>3. Примеры конформных отображений, даваемых элементарными функциями.</p> <p>4. Примеры конформных отображений, даваемых элементарными функциями. /Пр/</p>	5	10		Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	

2.3	Дифференцирование функций комплексного переменного. Условия Коши-Римана. Оператор Коши-Римана. Определение аналитической функции. Аналитичность суммы степенного ряда. Тригонометрические и обратные тригонометрические функции. Гиперболические функции. Геометрический смысл модуля и аргумента производной аналитической функции. Конформные отображения. Конформность отображения, осуществляемого однолистной аналитической функцией. Области однолистности и обращения степенной и экспоненциальной функций. Точки ветвления. Римановы поверхности корня натуральной степени и логарифма. Основные свойства дробно-линейных отображений. Круговое свойство. Инвариантность ангармонического отношения четырех точек. Неподвижные точки. Изометрические окружности. Классификация дробно-линейных отображений. Симметрия относительно прямой и окружности. Дробно-линейные отображения верхней полуплоскости и круга на круг. /Ср/	5	13,1		Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2 Л2.3	0	
	<b>Раздел 3. Консультации</b>						
3.1	Консультация по дисциплине /Конс/	5	0,9	ИД-2.ОПК-8 ИД-1.ПК-1		0	
	<b>Раздел 4. Промежуточная аттестация (зачёт)</b>						
4.1	Подготовка к зачёту /Зачёт/	5	8,85	ИД-2.ОПК-8 ИД-1.ПК-1		0	
4.2	Контактная работа /КСРАТТ/	5	0,15	ИД-2.ОПК-8 ИД-1.ПК-1		0	

## 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

### 5.1. Пояснительная записка

1. Оценочные средства предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу учебной дисциплины теория функций комплексной переменной.
2. Фонд оценочных средств включает контрольные материалы для проведения текущего контроля в форме коллоквиума, контрольной работы, промежуточной аттестации в форме вопросов к зачету.

### 5.2. Оценочные средства для текущего контроля

Комплект вопросов для коллоквиума (см. Приложение 1).

Критерии оценки

зачтено выставляется студенту, если он:

1. Полностью раскрыл содержание вопроса.
2. Чётко и правильно дал определения и раскрыл содержание.
3. Провёл доказательство на основе математических выкладок.
4. Дал ответ самостоятельно, при ответе использовал знания, приобретённые ранее.
5. Имеет твёрдые практические навыки.

не зачтено выставляется студенту, если он:

1. Не раскрыл основное содержание учебного материала.
2. Не дал ответы на дополнительные вопросы преподавателя.

3. Допускает грубые ошибки в определениях, не может провести доказательство теорем и утверждений. Не имеет практических навыков в использовании материала.

Комплект задач контрольной работы (см. Приложение 1).

Критерии оценки

отлично ставится за работу, выполненную полностью без ошибок и недочетов, когда получены все ответы на поставленные вопросы

хорошо ставится за работу, выполненную полностью, но при наличии в ней не более одной негрубой ошибки и одного недочета или не более трех недочетов

удовлетворительно ставится, если обучающийся правильно выполнил не менее  $2/3$  всей работы или допустил не более одной грубой ошибки и двух недочетов

неудовлетворительно ставится, если обучающийся правильно выполнил менее  $2/3$  работы или если число ошибок и недочетов превысило норму для оценки 3

### 5.3. Темы письменных работ (эссе, рефераты, курсовые работы и др.)

Письменные работы при реализации дисциплины не предусмотрены

### 5.4. Оценочные средства для промежуточной аттестации

Перечень вопросов к зачету

- 1) Операции над комплексными числами. Вывод формул произведения и частного двух комплексных чисел.
- 2) Модуль и аргумент комплексного числа. Представление комплексного числа на плоскости.
- 3) Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа.
- 4) Логарифмическая функция.
- 5) Корни и степени комплексного числа. Изображение их на комплексной плоскости.
- 6) Предел последовательности комплексных чисел. Свойства предела.
- 7) Сходимость числовых рядов комплексных чисел. Признаки сходимости. Абсолютная сходимость.
- 8) Стереографическая проекция. Бесконечно удаленная точка.
- 9) Степенные ряды. Первая теорема Абеля. Радиус сходимости и его нахождение. Теорема Коши - Адамара.
- 10) Функции комплексного переменного. Выделение действительной и мнимой частей.
- 11) Предел и свойства предела функций комплексного переменного.
- 12) Непрерывность функций комплексного переменного. Принцип сохранения границ.
- 13) Дифференцируемость функций комплексного переменного. Производная и дифференциал.
- 14) Правила дифференцирования. Производные высших порядков.
- 15) Условия Коши-Римана. Критерий дифференцируемости функций конечной переменной.
- 16) Гармонические функции. Восстановление аналитической функции по ее действительной или мнимой части.
- 17) Конформные отображения. Конформность отображения, осуществляемого однолистной аналитической функцией. Риманова поверхность и точки ветвления.
- 18) Геометрический смысл модуля и аргумента производной аналитической функции.
- 19) Линейная функция и осуществляемое ею конформное отображение.
- 20) Функция  $1/z$  и осуществляемое ею отображение.
- 21) Дробно-линейная функция и осуществляемое ею конформное отображение.
- 22) Свойства дробно-линейного отображения: круговое свойство, принцип симметрии, инвариантность ангармонического отношения четверки точек.
- 23) Степенная функция. Ее поверхность Римана.
- 24) Функция извлечения корня  $n$ -й степени из  $z$ . Ее поверхность Римана.
- 25) Показательная функция. Ее свойства и поверхность Римана.
- 26) Тригонометрические функции комплексной переменной.
- 27) Обратные тригонометрические функции комплексной переменной.
- 28) Гиперболические функции комплексного переменного.

Критерии оценки:

-«зачтено» выставляется студенту, если он обнаружил всестороннее, систематическое и глубокое знание учебно-программного материала, умение свободно выполнять задания, предусмотренные программой, усвоивший основную и знакомый с дополнительной литературой, рекомендованной программой. Как правило, «зачтено» выставляется студентам, усвоившим взаимосвязь основных понятий дисциплины в

их значении для приобретаемой профессии, проявившим творческие способности в понимании, изложении и использовании учебно-программного материала;

- «незачет» выставляется студенту, за такое незнание большей части материала, которое свидетельствует об очень слабом понимании или

непонимании предмета и не позволит ему овладеть знаниями по специальности.

Выставляется студенту, обнаружившему существенные пробелы в знаниях основного учебно-программного материала, допустившему принципиальные ошибки в выполнении предусмотренных программой заданий.

## Контрольные тесты и задания

Вопрос 1. (ОПК-8) Записать комплексное число  $z=-1$  в тригонометрической форме

а)  $z = \cos\{\pi\} + i \sin\{\pi\}$ , б)  $z = \cos\{\pi\} + i \sin\{\pi\}$ , в)  $z = \cos\{\pi\} + i \sin\{\pi\}$ , г)  $z = \cos\{\pi\} + i \sin\{\pi\}$

Ключ: а.

Вопрос 2. (ОПК-8) Произведение комплексных чисел  $z=3i$  и  $z=-3i$  равно 9. Верно или нет?

Ключ: верно.

Вопрос 3. (ОПК-8) Найти уравнение линии  $\operatorname{Re} z=4$  в декартовой системе координат

а)  $x=4$ , б)  $y=4$ , в)  $x+y=4$  г)  $x-y=4$ .

Ключ: а.

Вопрос 4. (ОПК-8) Выделить действительную и мнимую части функции  $f(z) = z^2$ .

а)  $x-iy$ ; б)  $x+iy$ ; в)  $1+i$ ; г)  $x^2 + i 2xy$ .

Ключ: а.

Вопрос 1. (ПК-1) Дважды непрерывно дифференцируемые функции, удовлетворяющие уравнению Лапласа, называются ...

а) регулярными, б) гармоническими, в) гомеоморфными, г) конформными.

Ключ: б.

Вопрос 2. (ПК-1) Найти модуль комплексного числа  $z=3i$

а) 3, б) 2, в) 3, г) 1.

Ключ: в.

Вопрос 3. (ПК-1) Аргумент комплексного числа  $z=3i$  равен  $\pi/2$ . Верно или неверно?

Ключ: верно.

Вопрос 4. (ПК-1) Выделить действительную и мнимую части функции  $f(z) = z^2$ .

а)  $(x^2 + y^2) - i 2xy$ ;

б)  $(x^2 + y^2) + i 2xy$ ;

в)  $(x^2 - y^2) - i 2xy$ ;

г)  $(x^2 - y^2) + i 2xy$ .

Ключ: г.

## 6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### 6.1. Рекомендуемая литература

#### 6.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Эл. адрес
Л1.1	Зверович Э.И.	Вещественный и комплексный анализ. Часть 6. Теория аналитических функций комплексного переменного: учебное пособие	Минск: Вышэйшая школа, 2008	<a href="http://www.iprbookshop.ru/20066.html">http://www.iprbookshop.ru/20066.html</a>
Л1.2	Костецкая Г.С.	Практикум по теории функций комплексного переменного: учебно-методическое пособие	Ростов-на-Дону: Северо-Кавказский филиал Московского технического университета связи и информатики, 2012	<a href="http://www.iprbookshop.ru/61316.html">http://www.iprbookshop.ru/61316.html</a>

#### 6.1.2. Дополнительная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Эл. адрес
Л2.1	Леонтьева Т.А., Панферов В.С., Серов В.С.	Задачи по теории функций действительного переменного: учебное пособие	Москва: Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова, 1997	<a href="http://www.iprbookshop.ru/13081.html">http://www.iprbookshop.ru/13081.html</a>
Л2.2	Нахман А.Д.	Теория функций комплексного переменного: учебное пособие	Саратов: Ай Пи Эр Медиа, 2019	<a href="http://www.iprbookshop.ru/80317.html">http://www.iprbookshop.ru/80317.html</a>
Л2.3	Гриценко Л. В., Ефименко В. Н., Костецкая Г. С.	Теория функций комплексного переменного: учебное пособие	Москва: Ай Пи Эр Медиа, 2022	<a href="https://www.iprbookshop.ru/122227.html">https://www.iprbookshop.ru/122227.html</a>

#### 6.3.1 Перечень программного обеспечения

6.3.1.1	Kaspersky Endpoint Security для бизнеса СТАНДАРТНЫЙ
6.3.1.2	MS Office

6.3.1.3	MS WINDOWS
6.3.1.4	Яндекс.Браузер
6.3.1.5	LibreOffice
6.3.1.6	Moodle
6.3.1.7	NVDA
<b>6.3.2 Перечень информационных справочных систем</b>	
6.3.2.1	Межвузовская электронная библиотека
6.3.2.2	Электронно-библиотечная система IPRbooks
6.3.2.3	База данных «Электронная библиотека Горно-Алтайского государственного университета»

### 7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

	презентация	
--	-------------	--

### 8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Номер аудитории	Назначение	Основное оснащение
222 Б1	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Рабочее место преподавателя. Посадочные места обучающихся (по количеству обучающихся). Переносной проектор, ноутбук, экран
207 Б1	Лекционная аудитория. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Ученическая доска, проектор, экран, системный блок, посадочные места обучающихся (по количеству обучающихся), рабочее место преподавателя
209 Б1	Компьютерный класс. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Помещение для самостоятельной работы	Рабочее место преподавателя. Посадочные места обучающихся (по количеству обучающихся). Маркерная ученическая доска, экран, мультимедиапроектор, компьютеры с доступом в Интернет

### 9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Лекции, с одной стороны – это одна из основных форм учебных занятий в высших учебных заведениях, представляющая собой систематическое, последовательное устное изложение преподавателем определенного раздела конкретной науки или учебной дисциплины, с другой – это особая форма самостоятельной работы с учебным материалом. Лекция не заменяет собой книгу, она только подталкивает к ней, раскрывая тему, проблему, выделяя главное, существенное, на что следует обратить внимание, указывает пути, которым нужно следовать, добиваясь глубокого понимания поставленной проблемы, а не общей картины.

Работа на лекции – это сложный процесс, который включает в себя такие элементы как слушание, осмысление и собственно конспектирование. Для того, чтобы лекция выполнила свое назначение, важно подготовиться к ней и ее записи еще до прихода преподавателя в аудиторию. Без этого дальнейшее восприятие лекции становится сложным. Лекция в университете рассчитана на подготовленную аудиторию. Преподаватель излагает любой вопрос, ориентируясь на те знания, которые должны быть у студентов, усвоивших материал всех предыдущих лекций. Важно научиться слушать преподавателя во время лекции, поддерживать непрерывное внимание к выступающему.

Однако, одного слушания недостаточно. Необходимо фиксировать, записывать тот поток информации, который сообщается во время лекции – научиться вести конспект лекции, где формулировались бы наиболее важные моменты, основные положения, излагаемые лектором. Для ведения конспекта лекции следует использовать тетрадь. Ведение конспекта на листочках не рекомендуется, поскольку они не так удобны в использовании и часто теряются. При оформлении конспекта лекции необходимо оставлять поля, где студент может записать свои собственные мысли, возникающие параллельно с мыслями, высказанными лектором, а также вопросы, которые могут возникнуть в процессе слушания, чтобы получить на них ответы при самостоятельной проработке материала лекции, при изучении рекомендованной литературы или непосредственно у преподавателя в конце лекции. Составляя конспект лекции, следует оставлять значительный интервал между строчками. Это связано с тем, что иногда возникает необходимость вписать в первоначальный текст лекции одну или несколько строчек, имеющих принципиальное значение и почерпнутых из других источников. Расстояние между

строками необходимо также для подчеркивания слов или целых групп слов (такое подчеркивание вызывается необходимостью привлечь внимание к данному месту в тексте при повторном чтении). Обычно подчеркивают определения, выводы.

Также важно полностью без всяких изменений вносить в тетрадь схемы, таблицы, чертежи и т.п., если они предполагаются в лекции. Для того, чтобы совместить механическую запись с почти дословным фиксированием наиболее важных положений, можно использовать системы условных сокращений. В первую очередь сокращаются длинные слова и те, что повторяются в речи лектора чаще всего. При этом само сокращение должно быть по возможности кратким.

Семинарские (практические) занятия Самостоятельная работа студентов по подготовке к семинарскому (практическому) занятию должна начинаться с ознакомления с планом семинарского (практического) занятия, который включает в себя вопросы, выносимые на обсуждение, рекомендации по подготовке к семинару (практическому занятию), рекомендуемую литературу к теме. Изучение материала следует начать с просмотра конспектов лекций. Восстановив в памяти материал, студент приводит в систему основные положения темы, вопросы темы, выделяя в ней главное и новое, на что обращалось внимание в лекции. Затем следует внимательно прочитать соответствующую главу учебника.

Для более углубленного изучения вопросов рекомендуется конспектирование основной и дополнительной литературы. Читая рекомендованную литературу, не стоит пассивно принимать к сведению все написанное, следует анализировать текст, думать над ним, этому способствуют записи по ходу чтения, которые превращают чтение в процесс. Записи могут вестись в различной форме: развернутых и простых планов, выписок (тезисов), аннотаций и конспектов.

Подобрав, отработав материал и усвоив его, студент должен начать непосредственную подготовку своего выступления на семинарском (практическом) занятии для чего следует продумать, как ответить на каждый вопрос темы.

По каждому вопросу плана занятий необходимо подготовиться к устному сообщению (5-10 мин.), быть готовым принять участие в обсуждении и дополнении докладов и сообщений (до 5 мин.).

Выступление на семинарском (практическом) занятии должно удовлетворять следующим требованиям: в нем излагаются теоретические подходы к рассматриваемому вопросу, дается анализ принципов, законов, понятий и категорий; теоретические положения подкрепляются фактами, примерами, выступление должно быть аргументированным.

Лабораторные работы являются основными видами учебных занятий, направленными на экспериментальное (практическое) подтверждение теоретических положений и формирование общепрофессиональных и профессиональных компетенций. Они составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки.

В процессе лабораторной работы как вида учебного занятия студенты выполняют одно или несколько заданий под руководством преподавателя в соответствии с изучаемым содержанием учебного материала.

При выполнении обучающимися лабораторных работ значимым компонентом становятся практические задания с использованием компьютерной техники, лабораторно - приборного оборудования и др. Выполнение студентами лабораторных работ проводится с целью: формирования умений, практического опыта (в соответствии с требованиями к результатам освоения дисциплины, и на основании перечня формируемых компетенций, установленными рабочей программой дисциплины), обобщения, систематизации, углубления, закрепления полученных теоретических знаний, совершенствования умений применять полученные знания на практике.

Состав заданий для лабораторной работы должен быть спланирован с расчетом, чтобы за отведенное время они могли быть выполнены качественно большинством студентов.

При планировании лабораторных работ следует учитывать, что в ходе выполнения заданий у студентов формируются умения и практический опыт работы с различными приборами, установками, лабораторным оборудованием, аппаратурой, программами и др., которые могут составлять часть профессиональной практической подготовки, а также исследовательские умения (наблюдать, сравнивать, анализировать, устанавливать зависимости, делать выводы и обобщения, самостоятельно вести исследование, оформлять результаты).

Выполнению лабораторных работ предшествует проверка знаний студентов - их теоретической готовности к выполнению задания.

Формы организации студентов при проведении лабораторных работ: фронтальная, групповая и индивидуальная. При фронтальной форме организации занятий все студенты выполняют одновременно одну и ту же работу. При групповой форме организации занятий одна и та же работа выполняется группами по 2 - 5 человек. При индивидуальной форме организации занятий каждый студент выполняет индивидуальное задание.

Текущий контроль учебных достижений по результатам выполнения лабораторных работ проводится в соответствии с системой оценивания (рейтинговой, накопительной и др.), а также формами и методами (как традиционными, так и инновационными, включая компьютерные технологии), указанными в рабочей программе дисциплины (модуля). Текущий контроль проводится в пределах учебного времени, отведенного рабочим учебным планом на освоение дисциплины, результаты заносятся в журнал учебных занятий.

Объем времени, отводимый на выполнение лабораторных работ, планируется в соответствии с учебным планом ОПОП.

Перечень лабораторных работ в РПД, а также количество часов на их проведение должны обеспечивать реализацию требований к знаниям, умениям и практическому опыту студента по дисциплине (модулю) соответствующей ОПОП.

Самостоятельная работа обучающихся – это планируемая учебная, учебно-исследовательская, научно-исследовательская работа, выполняемая во внеаудиторное время по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

Объем самостоятельной работы определяется учебным планом основной профессиональной образовательной программы (ОПОП), рабочей программой дисциплины (модуля).

Самостоятельная работа организуется и проводится с целью формирования компетенций, понимаемых как способность применять знания, умения и личностные качества для успешной практической деятельности, в том числе:

- формирования умений по поиску и использованию нормативной, правовой, справочной и специальной литературы, а также других источников информации;

- качественного освоения и систематизации полученных теоретических знаний, их углубления и расширения по применению на уровне межпредметных связей;
- формирования умения применять полученные знания на практике (в профессиональной деятельности) и закрепления практических умений обучающихся;
- развития познавательных способностей, формирования самостоятельности мышления обучающихся;
- совершенствования речевых способностей обучающихся;
- формирования необходимого уровня мотивации обучающихся к систематической работе для получения знаний, умений и владений в период учебного семестра, активности обучающихся, творческой инициативы, самостоятельности, ответственности и организованности;
- формирования способностей к саморазвитию (самопознанию, самоопределению, самообразованию, самосовершенствованию, самореализации и саморегуляции);
- развития научно-исследовательских навыков;
- развития навыков межличностных отношений.

К самостоятельной работе по дисциплине (модулю) относятся: проработка теоретического материала дисциплины (модуля); подготовка к семинарским и практическим занятиям, в т.ч. подготовка к текущему контролю успеваемости обучающихся (текущая аттестация); подготовка к лабораторным работам; подготовка к промежуточной аттестации (зачётам, экзаменам).

Виды, формы и объемы самостоятельной работы обучающихся при изучении дисциплины (модуля) определяются:

- содержанием компетенций, формируемых дисциплиной (модулем);
- спецификой дисциплины (модуля), применяемыми образовательными технологиями;
- трудоемкостью СР, предусмотренной учебным планом;
- уровнем высшего образования (бакалавриат, специалитет, магистратура, аспирантура), на котором реализуется ОПОП;
- степенью подготовленности обучающихся.

Курсовая работа является самостоятельным творческим письменным научным видом деятельности студента по разработке конкретной темы. Она отражает приобретенные студентом теоретические знания и практические навыки. Курсовая работа выполняется студентом самостоятельно под руководством преподавателя.

Курсовая работа, наряду с экзаменами и зачетами, является одной из форм контроля (аттестации), позволяющей определить степень подготовленности будущего специалиста. Курсовые работы защищаются студентами по окончании изучения указанных дисциплин, определенных учебным планом.

Оформление работы должно соответствовать требованиям. Объем курсовой работы: 25–30 страниц. Список литературы и Приложения в объем работы не входят. Курсовая работа должна содержать: титульный лист, содержание, введение, основную часть, заключение, список литературы, приложение (при необходимости). Курсовая работа подлежит рецензированию руководителем курсовой работы. Рецензия является официальным документом и прикладывается к курсовой работе.

Тематика курсовых работ разрабатывается в соответствии с учебным планом. Руководитель курсовой работы лишь помогает студенту определить основные направления работы, очертить её контуры, указывает те источники, на которые следует обратить главное внимание, разъясняет, где отыскать необходимые книги.

Составленный список источников научной информации, подлежащий изучению, следует показать руководителю курсовой работы.

Курсовая работа состоит из глав и параграфов. Вне зависимости от решаемых задач и выбранных подходов структура работы должна содержать: титульный лист, содержание, введение, основную часть; заключение; список литературы; приложение(я).

Во введении необходимо отразить: актуальность; объект; предмет; цель; задачи; методы исследования; структура работы.

Основную часть работы рекомендуется разделить на 2 главы, каждая из которых должна включать от двух до четырех параграфов.

Содержание глав и их структура зависит от темы и анализируемого материала.

Первая глава должна иметь обзорно-аналитический характер и, как правило, является теоретической.

Вторая глава по большей части раскрывает насколько это возможно предмет исследования. В ней приводятся практические данные по проблематике темы исследования.

Выводы оформляются в виде некоторого количества пронумерованных абзацев, что придает необходимую стройность изложению изученного материала. В них подводятся итог проведенной работы, непосредственно выводы, вытекающие из всей работы и соответствующие выявленным проблемам, поставленным во введении задачам работы; указывается, с какими трудностями пришлось столкнуться в ходе исследования.

Правила написания и оформления курсовой работы регламентируются Положением о курсовой работе (проекте), утвержденным решением Ученого совета ФГБОУ ВО ГАГУ от 27 апреля 2017 г.

## ВХОДНОЙ ТЕСТ ПО ТФКП

1) Для функции  $f(x)$  в точке  $x_0$  выражение  $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$  есть:

а) неопределенность; б) производная; в) приращение.

2) Приращение функции  $f(x)$  в точке  $x_0$  есть:

а)  $\Delta y = f(x_0 - \Delta x) + f(x_0)$ ; б)  $\Delta y = f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)$ ; в)  $\Delta x$

3) Геометрический смысл производной:

а)  $y' = k_{\text{касательной}} = \operatorname{tg} \alpha$ ; б)  $v_{\text{мгн}} = \frac{ds}{dt}$ ; в)  $\frac{dt}{dv}$

4) Что здесь не является правилом дифференцирования:

а)  $(uv)' = u'v - uv'$ ; б)  $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$ ; в)  $(ku)' = ku'$

5) Для функции  $y = 2^x$  выражение  $d^2y$  равно:

а)  $2^x \ln^2 2$ ; б)  $2^x \ln^2 2 dx^2$ ; в)  $2^{2x} dx$

6) Выражение  $y'$  означает то же, что и выражение:

а)  $dy$ ; б)  $\frac{dy}{dx}$ ; в)  $y^1$

7) Если для  $\forall x_1, x_2 \in X, x_1 > x_2 : f(x_1) \leq f(x_2)$ , то:

а)  $f(x) < g(x)$ ; б)  $f(x)$  убывает; в)  $f(x)$  строго возрастает.

8) Если  $f'(x) = 0$  на множестве  $X$ , то на этом множестве:

а)  $f(x)$  убывает; б)  $f(x)$  возрастает; в)  $f(x) = \text{const}$ .

9) Какое из высказываний есть верный признак монотонности функции?

а)  $f'(x) \leq 0 \Rightarrow f(x) \uparrow$ ; б)  $f'(x) \leq 0 \Rightarrow f(x) < 0$ ; в)  $f'(x) \leq 0 \Rightarrow f(x) \downarrow$

10) Точка  $x_0$  называется точкой минимума функции  $f(x)$ , если существует такая окрестность  $U(x_0)$ , в которой выполняется неравенство:

а)  $f(x) \geq f(x_0)$ ; б)  $f(x) = f(x_0)$ ; в)  $f(x) \leq f(x_0)$ .

## 1.5. Индивидуальное задание по теме комплексные числа

1. Найдите модули и аргументы комплексных чисел. Сделайте чертеж

1.  $z_1 = \sqrt{3} - i$ ,  $z_2 = -6i$
2.  $z_1 = -2 - 2i$ ,  $z_2 = 1 + \sqrt{3}i$
3.  $z_1 = -1 + i$ ,  $z_2 = 5i$
4.  $z_1 = 4 + 4i$ ,  $z_2 = -\sqrt{3} + i$
5.  $z_1 = -1 - \sqrt{3}i$ ,  $z_2 = 2 - 2i$
6.  $z_1 = 3 + 3i$ ,  $z_2 = 1 - \sqrt{3}i$
7.  $z_1 = -1 - \sqrt{3}i$ ,  $z_2 = 5i$
8.  $z_1 = 1 + \sqrt{3}i$ ,  $z_2 = -1 + i$
9.  $z_1 = -3 + 3i$ ,  $z_2 = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{2}i$
10.  $z_1 = \sqrt{3} + i$ ,  $z_2 = -8i$
11.  $z_1 = -\sqrt{3} + i$ ,  $z_2 = -\sqrt{2} - 2\sqrt{2}i$
12.  $z_1 = -3 - 3i$ ,  $z_2 = 1 + \sqrt{3}i$
13.  $z_1 = -2 + 2i$ ,  $z_2 = 2i$
14.  $z_1 = -\sqrt{3} + i$ ,  $z_2 = 1 - i$
15.  $z_1 = -\sqrt{3} - i$ ,  $z_2 = 2 + 2i$
16.  $z_1 = \sqrt{3} + i$ ,  $z_2 = -2 - 2i$
17.  $z_1 = 2 - 2\sqrt{3}i$ ,  $z_2 = \sqrt{2} + \sqrt{2}i$
18.  $z_1 = 2\sqrt{3} + 2i$ ,  $z_2 = 1 + i$
19.  $z_1 = -5 - 5i$ ,  $z_2 = 1 - \sqrt{3}i$
20.  $z_1 = 2 - 2\sqrt{3}i$ ,  $z_2 = 7 - 7i$
21.  $z_1 = 7 + 7i$ ,  $z_2 = -\sqrt{3} + i$

2. Выполните действия

1.	a) $(7+i)^2(1-i)$	б) $\frac{7-i}{7+i} - \frac{2+3i}{2-3i}$	в) $(\sqrt{3} + \sqrt{3}i)^4$	г) $\sqrt[5]{-1-i}$
2.	a) $(5+3i)(2-5i)$	б) $\frac{(1-2i)(1+2i)}{3-2i}$	в) $(1+i)^5$	г) $\sqrt[3]{1-\sqrt{3}i}$
3.	a) $(6-6i)^3(6+6i)$	б) $\frac{8i}{2+2\sqrt{3}i} - \frac{3i}{2-\sqrt{3}i}$	в) $(4-4i)^8$	г) $\sqrt[5]{-\sqrt{2} + \sqrt{2}i}$
4.	a) $(-2-2i)(1+i)$	б) $\frac{\sqrt{5}+i}{\sqrt{5}-2i}$	в) $(7-7i)^3$	г) $\sqrt[3]{-4-4i}$
5.	a) $(2-5i)(9-i)$	б) $\frac{(1-i)}{(1+i)} - \frac{1-4i}{1-2i}$	в) $(1-i)^4$	г) $\sqrt[5]{1-\sqrt{3}i}$
6.	a) $(8+2i)(2-5i)$	б) $\frac{(5+2i)}{(2-5i)} - \frac{3-4i}{4+3i}$	в) $(-1+\sqrt{3}i)^3$	г) $\sqrt[4]{\sqrt{-3}i}$
7.	a) $(3-5i)(8+4i)$	б) $\frac{(1+i)(1-i)^2}{3-i}$	в) $(2+2i)^5$	г) $\sqrt{\sqrt{3}+3i}$
8.	a) $(4-i)^2(4+i)^2$	б) $\frac{1}{1+i} - \frac{2-3}{1-i}$	в) $(1+i)^8$	г) $\sqrt{2+2\sqrt{3}i}$
9.	a) $(5+2i)^3(2-5i)$	б) $\frac{(5-i)}{(5+i)} - \frac{2-i}{2+i}$	в) $(-2+2\sqrt{3}i)^5$	г) $\sqrt[3]{\sqrt{2}-2\sqrt{2}i}$
10.	a) $(8+i)(9-2i)$	б) $\frac{(2i)}{(2i-4)} + \frac{6i}{4+2i}$	в) $(-7-7i)^5$	г) $\sqrt[4]{2+2\sqrt{3}i}$
11.	a) $(1+3i)^2(4-5i)$	б) $\frac{(2-2i)}{(2i)} - \frac{3-2i}{1+i}$	в) $(-2+2\sqrt{3}i)^5$	г) $\sqrt[3]{\sqrt{2}-\sqrt{2}i}$
12.	a) $(5+5i)(5-5i)^2$	б) $\frac{(3+2i)}{(3-2i)} - \frac{1-2i}{1+2i}$	в) $(5\sqrt{3}+5i)^8$	г) $\sqrt[5]{-\sqrt{3}+i}$
13.	a) $(-3-i)^2(-3-2i)$	б) $\frac{(1)}{(1+2i)} - \frac{4}{2i+1}$	в) $(6-6i)^5$	г) $\sqrt[5]{1-i}$
14.	a) $(-5+4i)^2(3-i)$	б) $\frac{(-2i)(3-8i)}{3+8i}$	в) $(1-i)^1 5$	г) $\sqrt[3]{1-\sqrt{3}i}$
15.	a) $(1-i)(3-8i)^2$	б) $\frac{(4-2i)(1+2i)}{-3-i}$	в) $(1+\sqrt{3}i)^9$	г) $\sqrt[3]{1-\sqrt{3}i}$
16.	a) $3i(5+i)(2-5i)$	б) $\frac{5-3i}{3-2i} - \frac{4}{2i+1}$	в) $(4\sqrt{3}-4i)^7$	г) $\sqrt[3]{1-\sqrt{3}i}$
17.	a) $i^2(6-3i)(7+i)$	б) $\frac{(1-2i)}{(1-2i)} - \frac{12i}{2i-1}$	в) $(-1+\sqrt{3}i)^{12}$	г) $\sqrt[3]{1-\sqrt{3}i}$
18.	a) $(3+2i)^3$	б) $\frac{3-2i}{-41-63i} - \frac{2i-1}{6i+1}$	в) $(7+7\sqrt{3}i)^6$	г) $\sqrt[6]{-1+i}$
19.	a) $(i+\sqrt{3})(2-\sqrt{3}i)$	б) $\frac{(1-i)}{(1+i)^2} - \frac{i}{1-i}$	в) $(\sqrt{3}+i)^{15}$	г) $\sqrt{-\sqrt{3}-i}$
20.	a) $4i(4+4i)(4-4i)$	б) $\frac{(1-2i)}{(1+2i)} - (3-2i)$	в) $(-1-\sqrt{3}i)^7$	г) $\sqrt[7]{i+\sqrt{3}i}$

3. Какие множества точек комплексной плоскости заданы соотношениями. Сделайте рисунок.

1. a)  $|z + 1| > 2|z|$  б)  $\begin{cases} -\frac{\pi}{4} < \arg z < \frac{\pi}{4} \\ |z + 3 - 2i| + |z| < 6. \end{cases}$
2. a)  $|z| < |z + 2|$  б)  $\begin{cases} -2 < |\operatorname{Re} z| < 1 \\ 3 < |z - 2 + i| < 5. \end{cases}$
3. a)  $|z - 4| = 2|z + 1|$  б)  $\begin{cases} -\frac{\pi}{4} < \arg z < \frac{\pi}{4} \\ 0 < \operatorname{Im} z + \operatorname{Re} z < 2. \end{cases}$
4. a)  $|z - 1 + 3i| \leq 4$  б)  $\begin{cases} -\frac{\pi}{4} < \arg(z - 3i) < \frac{\pi}{4} \\ -5 < \operatorname{Im} z - \operatorname{Re} z \end{cases}$
5. a)  $|z - 2| + |z + 4| = 16$  б)  $\begin{cases} -\frac{\pi}{4} < \arg(z - 3i) < \frac{\pi}{4} \\ \frac{\pi}{3} < \arg(z - 3i) < \frac{3\pi}{4} \end{cases}$
6. a)  $0 < \operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z < 6$  б)  $\begin{cases} \frac{\pi}{6} < \arg z < \frac{3\pi}{4} \\ 3 < |z - 1 - i| < 5 \end{cases}$
7. a)  $|z| = \operatorname{Re} z - 5$  б)  $\begin{cases} 3 < |\operatorname{Re} z| < 5 \\ \frac{\pi}{3} < \arg(z - 3i) < \frac{3\pi}{4} \end{cases}$
8. a)  $|z + 2| = |z + i|$  б)  $\begin{cases} \frac{\pi}{6} < \arg z < \frac{3\pi}{4} \\ 1 \leq |z + 3 - 2i| < 6 \end{cases}$
9. a)  $|z_2 - 2i| = \operatorname{Re} z$  б)  $\begin{cases} -\pi < \arg z < \pi \\ |z + 3 - 2i| + |z| < 6 \end{cases}$
10. a)  $|z| \geq \operatorname{Im} z - 4$  б)  $\begin{cases} -4 < \operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z < 4 \\ |z + 3 - 2i| + |z| < 6 \end{cases}$
11. a)  $1 < |z + 2 - 3i| < 2$  б)  $\begin{cases} 2 < \operatorname{Re} z < 4 \\ |z - 2i| + |z| < 4 \end{cases}$
12. a)  $|z + 2 - 4i| = |z|$  б)  $\begin{cases} 2 < |z - 2i| < 9 \\ |z + 3 - 2i| + |z| < 8 \end{cases}$
13. a)  $|z - 2i - 1| \geq 2$  б)  $\begin{cases} |z - 2i| - |z - 1| \geq 4 \\ 0 < \operatorname{Re} z < 8 \end{cases}$
14. a)  $|z| + \operatorname{Im} z = 1$  б)  $\begin{cases} 2 < |z - 2i| < 9 \\ 0 \leq \operatorname{Re} z \leq 4 \end{cases}$
15. a)  $|z| = \operatorname{Re} z + 2$  б)  $\begin{cases} -2 \leq \operatorname{Re} z \leq 2 \\ 0 \leq \operatorname{Im} z \leq 6 \end{cases}$
16. a)  $|z + 4i| = |z - 4i|$  б)  $\begin{cases} -\pi < \arg z < \pi \\ |z + 3 - 2i| + |z| < 8 \end{cases}$
17. a)  $\operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z < -1$  б)  $\begin{cases} -\frac{\pi}{2} < \arg(z - 2 + i) < \pi \\ 2 < |z - 2i| < 9 \end{cases}$
18. a)  $2 \leq |z - 2i| \leq 5$  б)  $\begin{cases} \operatorname{Im} z > 3 \\ 2 < |z - 2i| < 9 \end{cases}$
19. a)  $|z + i| + |-2i| < 4$  б)  $\begin{cases} -\frac{\pi}{2} < \arg(z - 2 + i) < \pi \\ |z| + \operatorname{Re} z > 1 \end{cases}$
20. a)  $|z + 2 - i| \leq \sqrt{3}$  б)  $z^2 + \bar{z}^2 = 1$

## Вопросы для коллоквиумов

### Коллоквиум №1

- 1) Операции над комплексными числами. Вывод формул произведения и частного двух комплексных чисел.
- 2) Модуль и аргумент комплексного числа. Представление комплексного числа на плоскости.
- 3) Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа.
- 4) Логарифмическая функция.
- 5) Корни и степени комплексного числа. Изображение их на комплексной плоскости.
- 6) Предел последовательности комплексных чисел. Свойства предела.
- 7) Сходимость числовых рядов комплексных чисел. Признаки сходимости. Абсолютная сходимость.
- 8) Стереографическая проекция. Бесконечно удаленная точка.
- 9) Степенные ряды. Первая теорема Абеля. Радиус сходимости и его нахождение. Теорема Коши - Адамара.

### Коллоквиум №2

- 1) Функции комплексного переменного. Выделение действительной и мнимой частей.
- 2) Предел и свойства предела функций комплексного переменного.
- 3) Непрерывность функций комплексного переменного. Принцип сохранения границ.
- 4) Дифференцируемость функций комплексного переменного. Производная и дифференциал.
- 5) Правила дифференцирования. Производные высших порядков.
- 6) Условия Коши-Римана. Критерий дифференцируемости функций конечной переменной.
- 7) Гармонические функции. Восстановление аналитической функции по ее действительной или мнимой части.
- 8) Конформные отображения. Конформность отображения, осуществляемого однолистной аналитической функцией. Риманова поверхность и точки ветвления.
- 9) Геометрический смысл модуля и аргумента производной аналитической функции.
- 10) Линейная функция и осуществляемое ею конформное отображение.
- 11) Функция  $1/z$  и осуществляемое ею отображение.
- 12) Дробно-линейная функция и осуществляемое ею конформное отображение.
- 13) Свойства дробно-линейного отображения: круговое свойство, принцип симметрии, инвариантность ангармонического отношения четверки точек.



## Контрольная работа №2.

В-1

1. Вычислить:  $\sqrt{1 + \sqrt{3}i}$ .
2. Найти образ прямой  $y = c$  при отображении  $\omega = e^z$ .

В-2

1. Вычислить:  $2^{1-i}$ .
2. Найти образ прямой  $x = 3$  при отображении  $\omega = \cos z$ .

В-3

1. Вычислить:  $\sqrt{-1 + i}$ .
2. Найти образ области  $0 < \text{Im}z < 2\pi$  при отображении  $\omega = e^z$ .

В-4

1. Вычислить:  $\arccos(-5)$ .
2. Найти образ окружности  $|z| = 1$  при отображении  $\omega = \frac{1}{2}(z + \frac{1}{z})$ .